

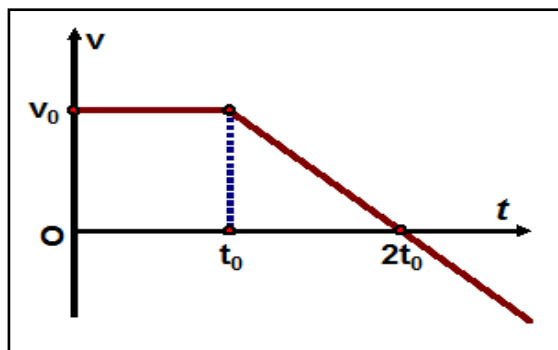
I Feladat (A+B: Kinematika)

I.A. Oda-vissza mozgás

(4 pont)

AZ Ox tengely pozitív iránya felé, egyenes vonalon mozgó részecske, $-\infty$ -ből indulva, $t = 0$ pillanatban v_0

sebességgel halad át a mozgástengely origóján. A részecske sebességének függvényét, az időtől, a mellékelt grafikon mutatja, $t > 0$ pillanatokra.

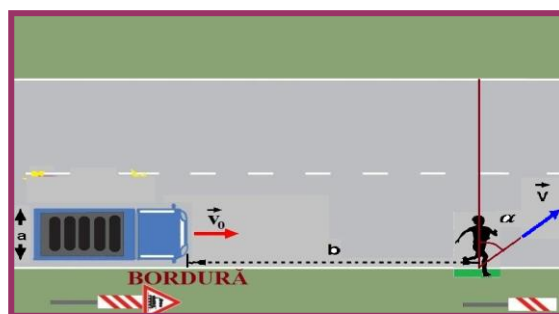


- Határozd meg a $t=0$ kezdeti pillanattól számítva, mennyi idő múlva ér vissza a részecske az Ox tengely origójába.
- Mekkora a részecske sebességének modulusza abban a pillanatban amikor visszaért az Ox tengely origójába?
- Mekkora a részecske sebességeinek moduluszai $t_1=1,5t_0$ és $t_2=2,5t_0$ időpillanatokban?

I.B. Egy elővigyázatlan átkelés

(5 pont)

Egy a széles autó egyenesvonalú egyenletes mozgást végez, v_0 sebességgel egy egyirányú út szélén, a szegélyvonalhoz közel. Az elővigyázatlan átkelő az út szélénél van, az autó elejétől b távolságra (az autó előtt) és át akar menni az úton, úgy, hogy az autó ne üsse el (lásd a rajzot!).



- Milyen irányba ($\alpha=?$) kell mozogjon az átkelő (egyenesvonalon és egyenletesen), hogy a sebességének modulusza a lehető legkisebb legyen?
- Fejezd ki ezt a sebesség értéket a v_0 , a és b mennyiségek segítségével!
- Számszerű alkalmazás: $a=1,5$ m, $b/a = (\sqrt{3} + 1)/(\sqrt{3} - 1)$, $v_0 = 36$ km/or

Pontosítás: trigonometriából ismert összefüggések hasznosak lehetnek:

$$\operatorname{tg}(\alpha \pm \beta) = (\operatorname{tg}\alpha \pm \operatorname{tg}\beta)/(1 \mp \operatorname{tg}\alpha \cdot \operatorname{tg}\beta), \quad \sin(\alpha \pm \beta) = \sin\alpha \cdot \cos\beta \pm \sin\beta \cdot \cos\alpha.$$

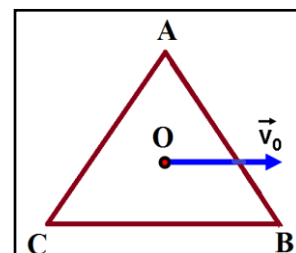
II Feladat (A+B: Kinematika és dinamika kombináció)

II.A. Egyenlő oldalú háromszög

(4,5pont)

Az ABC , egyenlő oldalú, háromszög alakú lemez, sima, vízszintes asztalon csúszik. Adott pillanatban az A és B csúcsok sebességei $v_1 = \sqrt{6}$ m/s illetve $v_2 = 1,5$ m/s az asztalhoz viszonyítva.

Abban a pillanatban a lemez O közepe (az O pont az a pont ahol metszik egymást az egyenlő oldalú háromszög magasságai, szögfelezői, oldalfelezői és oldalfelező merőlegesei) v_0 sebességgel mozog az asztalhoz viszonyítva.



- Fiecare dintre subiectele I, II, respectiv III se rezolvă pe o foaie separată care se secretizează.
- În cadrul unui subiect, elevul are dreptul să rezolve în orice ordine cerințele a, b, respectiv c.
- Durata probei este de 3 ore din momentul în care s-a terminat distribuirea subiectelor către elevi.
- Elevii au dreptul să utilizeze calculatoare de buzunar, dar neprogramabile.
- Fiecare subiect se punctează de la 10 la 1 (1 punct din oficiu). Punctajul final reprezintă suma acestora.

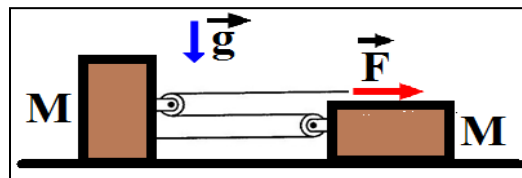
Ennek a sebességnek a támadóegyenesre *párhuzamos* a **CB** oldallal (lásd az *ábrát!*).

a) Mekkora a \mathbf{v}_0 sebességvektor *modulusza* abban a pillanatban?

b) Mekkora a C csúcs *sebességének modulusza* ($v_3=?$) abban a pillanatban?

II.B. Testek és csigák (4,5 pont)

A következő rendszerben ábrázolt csigák tömegei elhanyagolhatók, a csigák között haladó szál nagyon könnyű (nulla tömegű, ideális) és nyújthatatlan. A hasáb alakú testek, amelyekhez a csigák rögzítettek, azonos M tömegűek. A szál vízszintes F erővel húzzák jobbra.

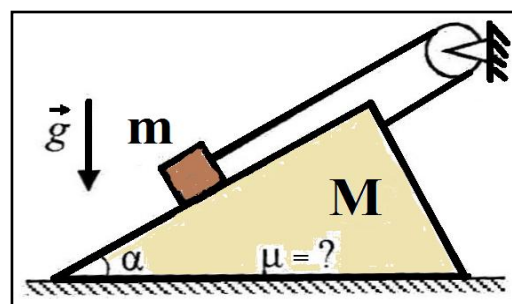


Mekkora gyorsulással fog mozogni a szál szabad vége? (lásd az *ábrát!*). A surlódástól eltekintünk.

III Feladat (A + B)

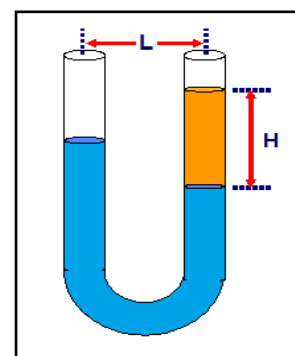
III.A. Prizma alakú test (4 pont)

Vízszintes asztalon egy prizma alakú test található, minek a főmetszete derékszögű háromszög. A prizma tömege M és a prizma egyik befogója α szöget zár be az asztal irányával, amelyen található. Ezen a befogón található egy m tömegű test, csigán áthaladó, nyújthatatlan és könnyű szál segítségével hozzákötve a másik befogó felső részéhez, illetve a prizma derékszögéhez közel (lásd az *ábrát!*). A szál két lineáris része a prizma α szögű oldalával párhuzamosak. Az m tömegű test és a prizma oldala közötti surlódástól eltekintünk. A prizma átfogója és a vízszintes asztallap közötti *surlódási együttható* mekkora *minimális* értékére marad a *mechanikai rendszer* nyugalomba?



III.B. Csőben levő folyadékok (5 pont)

Egy vékony, magas, U alakú, állandó keresztmetszetű és mindkét végén nyitott csőben egy bizonyos tömegű víz található. A cső egyik ága felső nyílásán olajat töltenek a csőbe. Az olaj sűrűsége $\rho = 0.8 \text{ g/cm}^3$, az olajoszlop magassága $H = 25 \text{ cm}$ (lásd az *ábrát!*). Mekkora *állandó, minimális*, nem vízszintes, *a gyorsulással* kellene mozogjon a cső ahhoz, hogy a cső ágaiban levő folyadékok felső szintjei azonos vízszintesen maradjanak? A folyadékok nem jönnek ki a csőből, az olaj nem keveredik a vízzel, és nem folyik ki a cső felső nyílásán, melynek ágai $L = 5 \text{ cm}$ távolságra találhatóak. A kapiláris hatásokat elhanyagoljuk (a folyadékok tapadását az edény belső falához). Adatok: a víz sűrűsége $\rho_{\text{apá}} = 1 \text{ g/cm}^3$, a gravitációs gyorsulás $g \approx 10 \text{ m/s}^2$.



Subiecte propuse de:

prof. univ. dr. Florea **ULIU**, Universitatea din Craiova;
 prof. Dorina **TĂNASE**, Liceul “ KŐRÖSI CSOMA SÁNDOR ” din Covasna;
 prof. Cristian **MIU**, Inspectoratul Școlar Județean Olt;
 prof. Dumitru **ANTONIE**, Colegiul Tehnic nr.2 din Tg. – Jiu.

1. Fiecare dintre subiectele **I**, **II**, respectiv **III** se rezolvă pe o foaie separată care se secretizează.
2. În cadrul unui subiect, elevul are dreptul să rezolve în orice ordine cerințele a, b, respectiv c.
3. Durata probei este de 3 ore din momentul în care s-a terminat distribuirea subiectelor către elevi.
4. Elevii au dreptul să utilizeze calculatoare de buzunar, dar neprogramabile.
5. Fiecare subiect se punctează de la 10 la 1 (1 punct din oficiu). Punctajul final reprezintă suma acestora.